

## SYSTEME DE LIQUEFACTION DE CLAUDE.

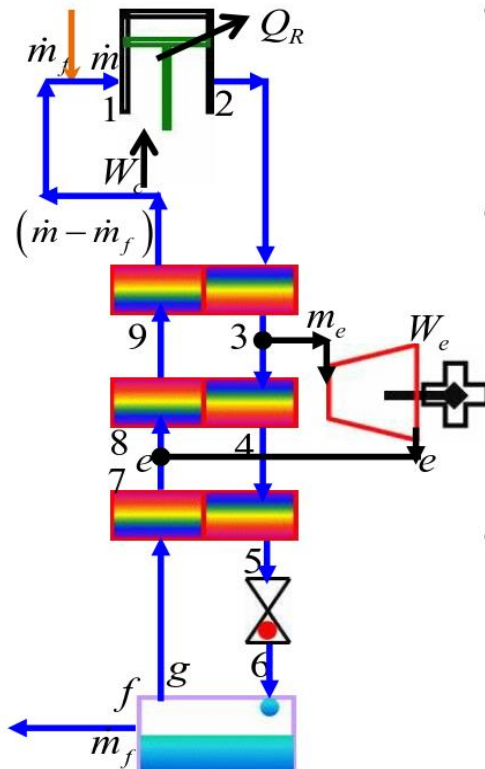
### RAPPEL COURS PRECEDANTS

- Dans les cours précédents, nous avons vu un idéal cycle thermodynamique, dans lequel tout le gaz qui est comprimé est liquéfié.
- Dans un système Linde - Hampson, un échangeur de chaleur est utilisé pour conserver le froid et seulement une partie du gaz comprimé est liquéfié.
- Dans un système Linde - Hampson avec pré-refroidissement, un système de réfrigération indépendant est utilisé. Le rapport massique ( $r$ ) correspondant au maximum du rendement est appelé comme valeur limite.
- Le système Linde à double pression est une modification du système Linde – Hampson simple afin de réduire le travail consommé par le cycle.
- Dans ce système, le rapport travail/masse de gaz liquéfié diminue lorsque la compression du fluide est faite en deux étapes et pour des débits différents.

### APERÇU DU COURS

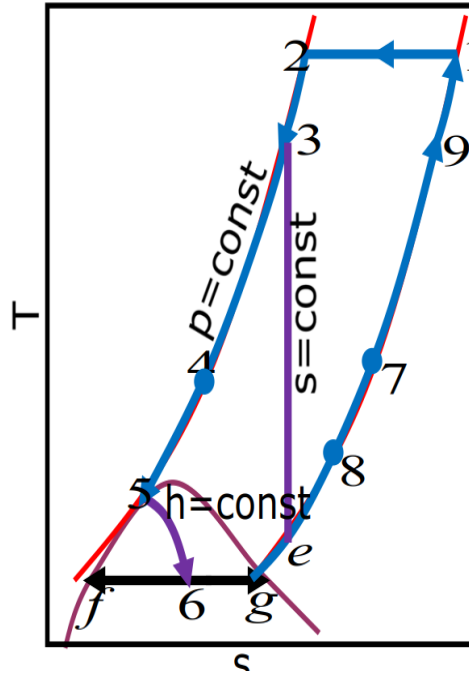
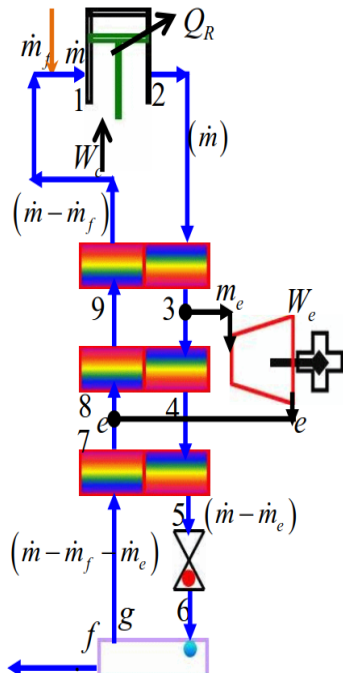
System Claude - En l'an 1920, Claude développa un système de liquéfaction de l'air et créa une compagnie dénommé : « LAIR LIQUIDE ». Dans ce qui suit nous étudierons :

- La fraction en liquide du cycle,
- La puissance ou le travail nécessaire,
- Une étude paramétrique.



### INTRODUCTION

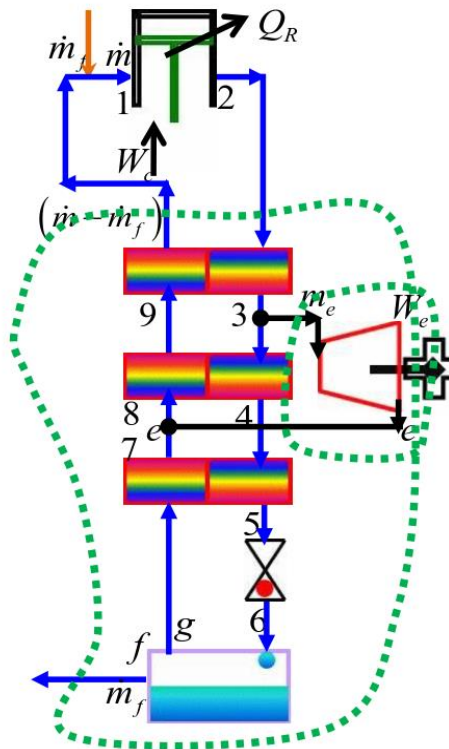
- Afin d'atteindre une meilleure performance et de s'approcher de l'idéalité, le procédé de détente devrait être un procédé réversible.
- Dans le cours précédent, nous avons vu qu'une vanne de détente de J-T fonctionne suivant une détente **isenthalpique irréversible** et en utilisant un moteur de détente on peut opérer avec une détente **isentropique réversible**.
- Pour tout gaz, une détente isentropique entraîne une baisse de température quelle que soit sa température inversion ( $T_{INV}$ ).
- Le schéma du système du système de liquéfaction de Claude est comme montré ci-contre.



- Il se compose d'un compresseur, de 3 échangeurs de chaleur à 2 voies, d'une vanne de détente de J-T et d'une connexion de gaz d'appoint.
- Le système comporte également un moteur de détente (turbine ou turbo-expander) fonctionnant à travers le deuxième échangeur de chaleur comme

indiqué sur le schéma.

- Dans ce système, l'énergie contenue dans le gaz est enlevée en lui permettant de produire du travail dans un dispositif de détente.
- Comme le montre la figure, une partie du flux principal de gaz est dévié de l'état 3 vers l'état e puis introduit au courant de retour à l'entrée de l'échangeur de chaleur 2.



- Ce procédé de détente est une détente adiabatique réversible.
- Soit un volume de contrôle comme montré sur la figure ci-contre. En appliquant le 1<sup>er</sup> principe de la thermodynamique, nous avons :

$$\dot{m}h_2 = W_e + (\dot{m} - \dot{m}_f)h_1 + \dot{m}_f h_f$$

- Le travail de détente du turbo-expander est donné par :

$$W_e = \dot{m}_e h_3 - \dot{m}_e h_e$$

- En substituant dans l'expression pour, nous aurons :

$$\dot{m}h_2 = (\dot{m} - \dot{m}_f)h_1 + \dot{m}_f h_f + \dot{m}_e h_3 - \dot{m}_e h_e$$

- Le réarrangement des termes donne :

$$y = \left( \frac{h_1 - h_2}{h_1 - h_f} \right) + x \left( \frac{h_3 - h_e}{h_1 - h_f} \right)$$

- Avec

$$x = \frac{\dot{m}_e}{\dot{m}}$$

- Et où le débit massique entrant le turbo expander est noté  $x$ .

$$y = \left( \frac{h_1 - h_2}{h_1 - h_f} \right) + x \left( \frac{h_3 - h_e}{h_1 - h_f} \right)$$

- Le premier terme de cette expression est la fraction liquide d'un cycle simple de Linde-Hampson ; le second terme est le surplus obtenu par l'addition du turbo-expander.
- Pour des conditions initiale et finale de  $P$ , la fraction liquéfiée  $y$  dépend de  $h_3$  (ou  $T_3$ ) et  $x$ .

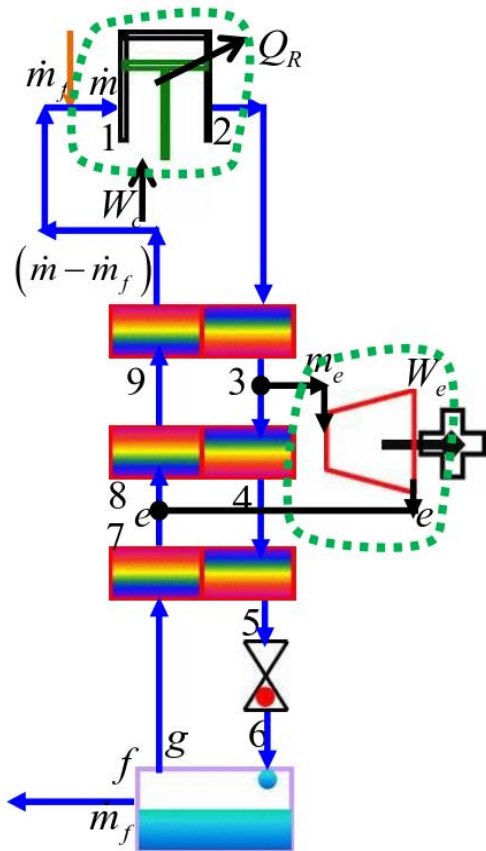
$$y = \left( \frac{h_1 - h_2}{h_1 - h_f} \right) + x \left( \frac{h_3 - h_e}{h_1 - h_f} \right)$$

Mais si  $T_3$  est maintenu constante, la fraction  $y$  est une fonction linéaire de  $x$ .

- Et pour le cas où  $x = 1$ ,  $y$  sera égal à  $0$ . Ce qui n'est pas rendu compte par cette équation. En effet :
- Pour  $x = 1$ , le gaz dans le courant de retour  $(\dot{m} - \dot{m}_f - \dot{m}_e) = 0$
- Ceci veut dire que pour avoir une fraction finie de gaz liquéfié on doit toujours avoir  $(\dot{m} - \dot{m}_f - \dot{m}_e) > 0$ .
- En divisant  $(\dot{m} - \dot{m}_f - \dot{m}_e) > 0$  par  $\dot{m}$  nous obtiendrons :  $x + y < 1$
- Et donc cette équation n'est valide que pour  $x + y < 1$ .
- Le rendement du système augmente avec l'augmentation de  $x$  pour une valeur constante de  $T_3$ .
- En se basant sur  $y$  calculé à partir de l'équation ci-dessus, lorsque la somme est  $x + y > 1$ , une valeur limite de  $y$  peut être calculée en utilisant  $x + y = 0,99$ .
- En résumé,  $y$  est calculé en utilisant l'équation ci-dessus jusqu'à ce que  $x + y < 1$  ou  $= 0,99$  est valide.
- Après quoi, une valeur limite de  $y$  est donné par  $y = 0,99 - x$ .
- Cette valeur est le maximum de  $y$  possible, mais la valeur réelle peut être inférieure à cette valeur.
- Il est clair que les interactions de travail du système avec l'environnement sont dues aux :
  - Compresseur (vers le système venant du milieu extérieur)
  - Expander (vers le milieu extérieur venant du système)
- Le travail net nécessaire au cycle, si le travail de l'expander est utilisé dans le procédé de compression, est donné par :

$$-W_{net} = -W_c - W_e$$

- où,  $-W_c$  est le travail fait sur le système (négatif).



- Comme indiqué précédemment, l'utilisation du volume de contrôle autour du compresseur, et l'utilisation du 1<sup>er</sup> et 2<sup>nd</sup> principe de la thermodynamique nous permet d'écrire :

$$-W_c = \dot{m} (T_1 (s_1 - s_2) - (h_1 - h_2))$$

- De même, le volume de contrôle autour du turbo-expander (turbine) nous permet d'obtenir l'expression du travail produit.

IN	OUT
$m_e @ 3$	$m_e @ e$
	$W_e$

$$W_e = \dot{m}_e (h_3 - h_e)$$

Et

$$\therefore \frac{-W_{net}}{\dot{m}} = -\frac{W_c}{\dot{m}} - \frac{W_e}{\dot{m}}$$

Par substitution

$$-\frac{W_{net}}{\dot{m}} = \left\{ \begin{array}{l} (T_1 (s_1 - s_2) - (h_1 - h_2)) \\ -x (h_3 - h_e) \end{array} \right.$$

où

$$x = \frac{\dot{m}_e}{\dot{m}}$$

$x$  étant le rapport du débit à travers le moteur de détente.

$$-\frac{W_{net}}{\dot{m}} = \left\{ \begin{array}{l} (T_1 (s_1 - s_2) - (h_1 - h_2)) \\ -x (h_3 - h_e) \end{array} \right.$$

- Le premier terme est le travail exigence pour le cycle simple de Linde-Hampson.
- Le deuxième terme est la réduction du travail nécessaire au cycle survenant en raison de la modification (introduction du moteur de détente).